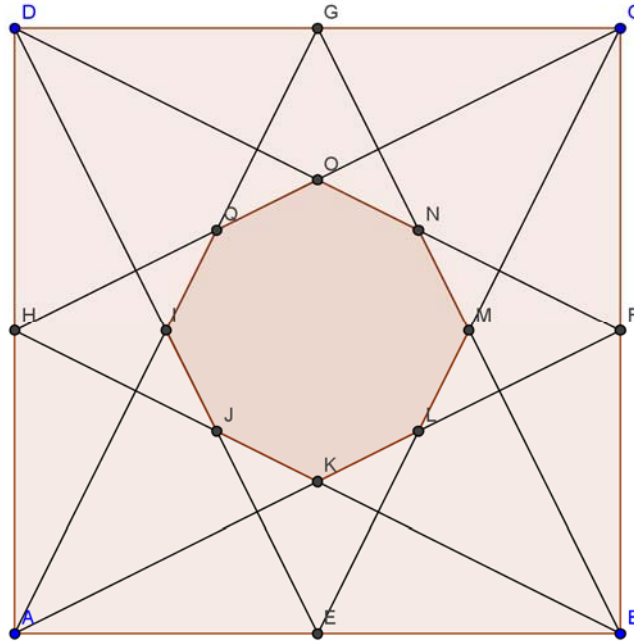


Prema teoremu 5, svaki paralelogram može se afinom transformacijom transformirati u kvadrat. Dovoljno je trokut ABC transformirati u jednakokrani pravokutni trokut i paralelogram ABCD postaje kvadrat. Budući da su osnovni elementi u problemu omjeri dužina, što ćemo i dokazati, ovdje možemo primjeniti affine transformacije i uzeti u daljnjem razmatranju da je ABCD kvadrat.

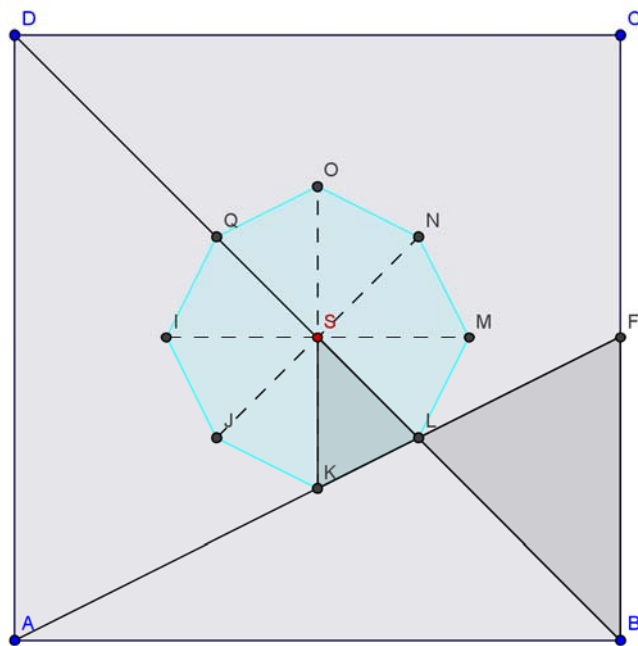


Primjećujemo da je nastali osmerokut sastavljen od 8 jednakih raznostaničnih trokuta, te znajući njegovu površinu možemo izračunati površinu osmerokuta i usporediti je sa površinom kvadrata.

Uzmimo da su duljine $|AB|=|BC|=|CD|=|DA|=a$, tada su, po uvjetu zadatka, duljine $|AE|=|EB|=|BF|=|FC|=|CG|=|GD|=|DH|=|HA|=a/2$.

Označimo li dužinu $|HI|$ sa x , zbog sličnosti trokuta AED i HID vrijedi jednakost: $a:(a/2)=(a/2):x$ iz čega slijedi: $x=a/4$, analogno tome $|MF|=a/4$. Kako je $|HI|=|MF|=a/4$, tada je $|IM|=a/2$. Prije smo primjetili da je osmerokut sastavljen od 8 jednakih raznostraničnih trokuta, tada je $|IS|=|SM|=(a/2)/2=a/4$ (što je uočljivo na sljedećoj slici).

Analogno tome $|SK|=|SO|=a/4$



Iz sličnosti trokuta SLK i BLF (dijagonala $|BD|$, kvadrata ABCD ga dijeli na dva jednakokračna pravokutna trokuta te je stoga kut CBD, odnosno FBL 45° , s druge strane kut KSL biti će $360^\circ/8$ odnosno 45° , dalje kutevi BLF i KLS su također jednaki, iz čega slijedi da je i treći kut jednak u oba trokuta) primjećujemo da važi sljedeći omjer: $|LB|:|BF|=|LS|:|SK|$

Također $|BD|=2^{1/2}a$, odnosno $|BS|=|BL|+|LS|=2^{1/2}a/2$

$$|LB|:(a/2)=|LS|:(a/4), \text{ odnosno } |LB|=2|LS|$$

$$3|LS|=2^{1/2}a/2$$

$$|LS|=2^{1/2}a/6$$

Površina(P_3) trokuta SLK biti će:

$$P_3=0,5 \cdot \sin 45^\circ \cdot (a/4) \cdot (2^{1/2}a/6)=a^2/48$$

Površine osmerokuta (P_8) i kvadrata (P_4) su:

$$P_8=8P_3=a^2/6$$

$$P_4=a^2$$

I konačno dobivao $P_4/P_8=6$, odnosno $P_8/P_4=1/6$